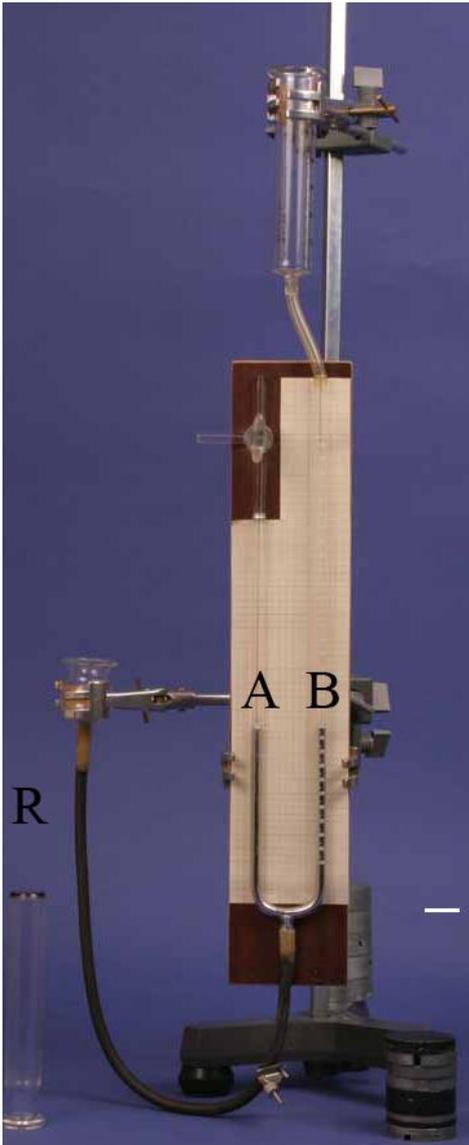
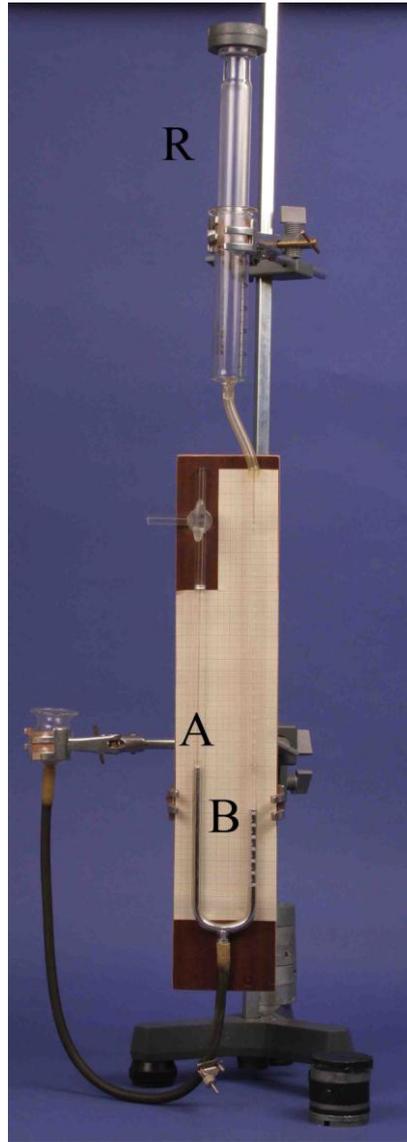


PROBLEMAS VISUALES DE FÍSICAS

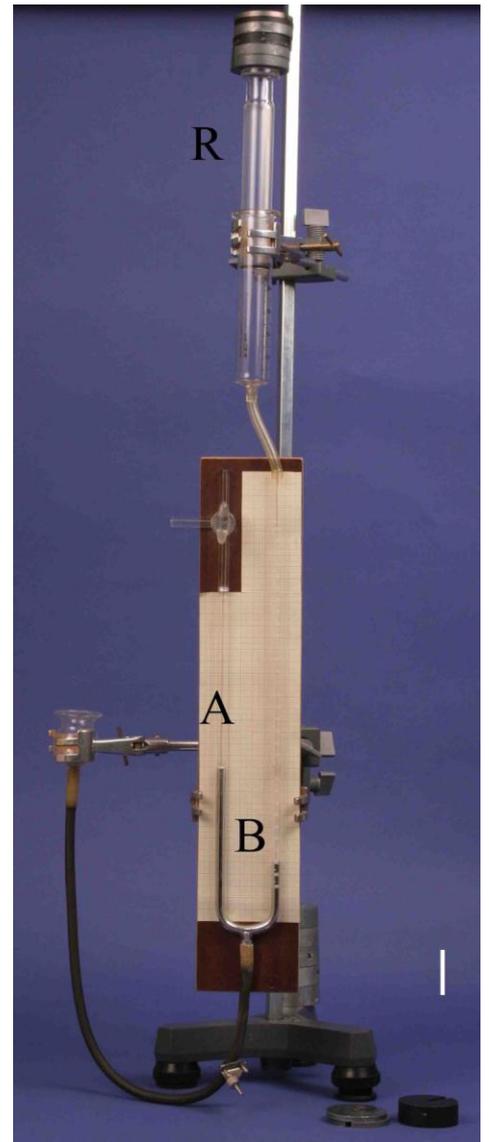
PVF16-1*.MANOMETROS



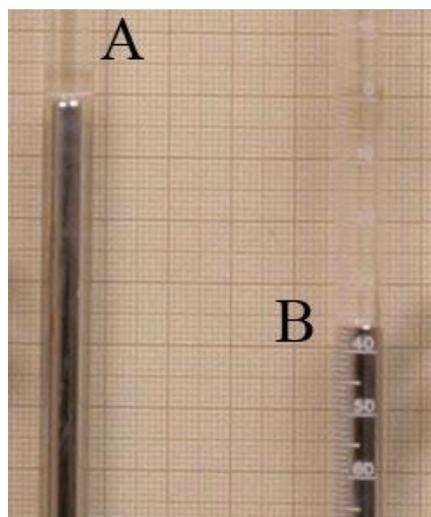
Fotografía 1



Fotografía 2



Fotografía 3



Fotografía 2(ampliación)



Fotografía 3(ampliación)

En las tres fotografías aparece el mismo manómetro de mercurio, que consiste en un tubo de vidrio que contiene mercurio. La rama de la izquierda A se conecta al ambiente y la rama de la derecha B a un recipiente R cerrado que contiene un gas.

Cuando se hicieron estas fotografías la presión atmosférica era 0,920 atmósferas.

- Calcular la presión del gas del recipiente R, expresada en atmósferas, en las tres fotografías.
- Si en la fotografía 2 en lugar de mercurio se utilizase agua ¿Cuál sería la diferencia de alturas entre las dos ramas A y B del manómetro?
- Imagine que la fotografía 3 se hubiese hecho conectando la rama A al recipiente R y la rama B a la atmósfera ¿Cuál sería la presión del gas del recipiente?

Datos: densidad del agua 1000 kg/m^3 , densidad del mercurio 13600 kg/m^3 .

$1 \text{ atm} = 101325 \text{ Pa}$

SOLUCIÓN

a) En la fotografía 1 la altura de las dos ramas es la misma, esto supone que la presión en A es igual a la B, por tanto, la presión del recipiente R es 0,92 atmósferas

En la fotografía 2 la rama B soporta más presión que la A, la diferencia de presiones está determinada en el manómetro por la diferencia de alturas entre las ramas y su valor se determina a partir de la ecuación fundamental de la hidrostática

$$\Delta P = P_B - P_A = \rho_{\text{Hg}} \cdot g \cdot \Delta z$$

En la fotografía 2 y con ayuda del papel milimetrado se mide que $\Delta z = 3,6 \text{ cm}$ de mercurio

$$\Delta P = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 3,6 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 4,80 \cdot 10^3 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} = 4,80 \cdot 10^3 \text{ Pa}$$

Para pasar la anterior presión a atmósferas recordemos que $1 \text{ atm} = 101325 \text{ Pa}$

$$\Delta P = 4,80 \cdot 10^3 \text{ Pa} \cdot \frac{1 \text{ atm}}{101325 \text{ Pa}} = 0,047 \text{ atm}$$

La presión en B es: $P_B = \Delta P + P_A = 0,920 + 0,047 = 0,967 \text{ atm}$, y esta es la presión en el recipiente R.

En la fotografía 3 la diferencia de alturas entre las dos ramas del manómetro es: $\Delta z = 8 \text{ cm}$

$$\Delta P = 13600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 8,0 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 10,7 \cdot 10^3 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} = 10,7 \cdot 10^3 \text{ Pa} = 10,7 \cdot 10^3 \text{ Pa} \cdot \frac{1 \text{ atm}}{101325 \text{ Pa}} \Rightarrow$$

$$\Delta P = 0,106 \text{ atm} \Rightarrow P_B = 0,920 + 0,106 = 1,026 \text{ atm} = P_R$$

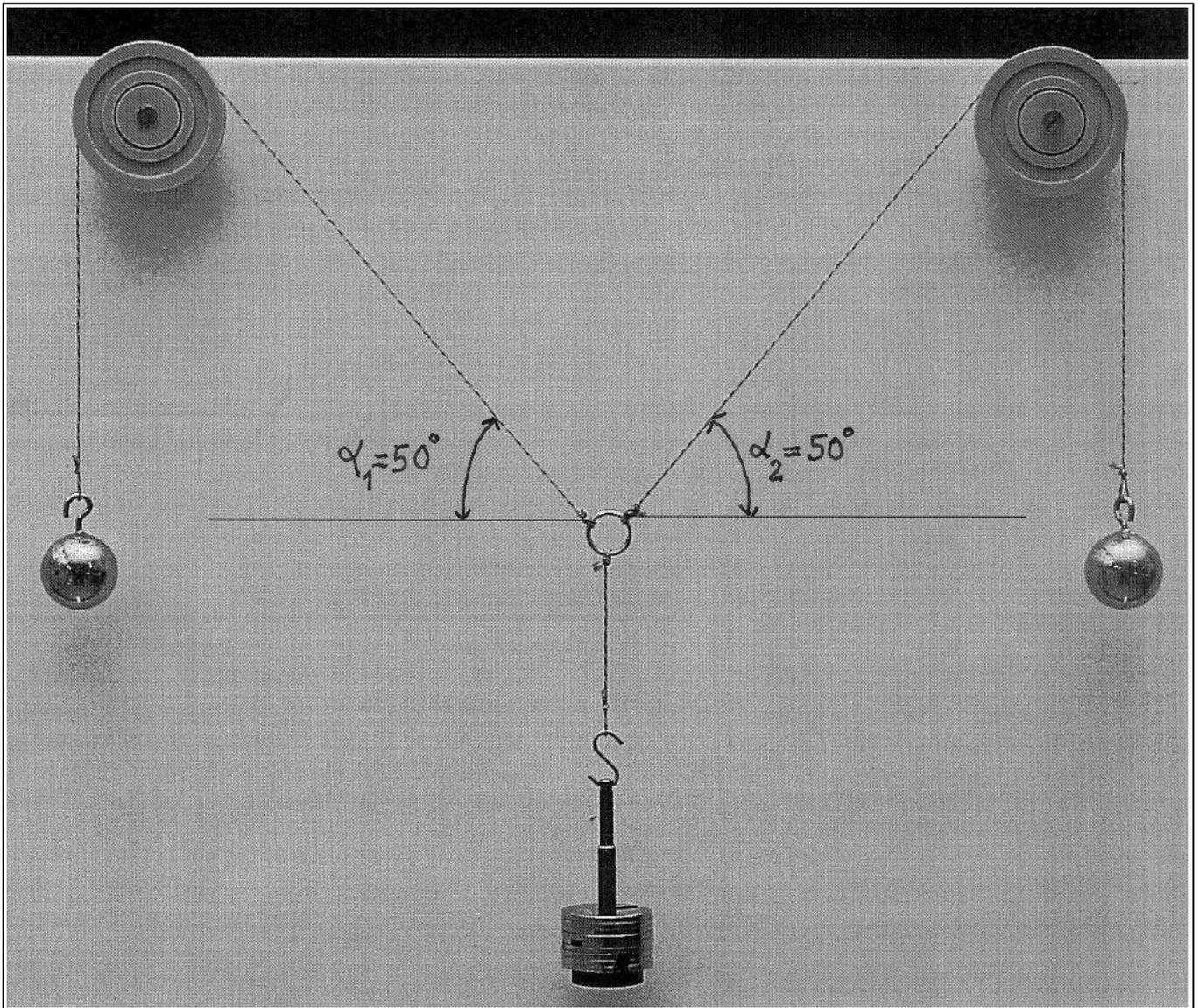
b) Aplicamos la ecuación fundamental de la hidrostática

$$4,80 \cdot 10^3 \text{ Pa} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9,8 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot \Delta z_{\text{agua}} \Rightarrow \Delta z_{\text{agua}} = 0,49 \text{ m} = 49 \text{ cm}$$

c) En este caso la presión del recipiente sería inferior a la atmosférica

$$P_R = 0,920 - 0,106 = 0,814 \text{ atm}$$

PVF16-2. Equilibrio entre pesos **



En la fotografía se observa que tres pesos se encuentran en equilibrio. Las bolas de hierro son iguales y cada una tiene una masa de 67,7 gramos.

- Calcula el peso de cada bola de hierro.
- Determina el peso y la masa del conjunto formado por el portapesas, el gancho y las pesas.

Ahora se modifica el sistema de la siguiente manera: La bola de hierro de la derecha se sustituye por otra que tiene 20 gramos más de masa. La argolla se desplaza y el ángulo α_1 es β y el α_2 es γ .

- Calcula los ángulos β y γ .
- Si en la fotografía se sustituyen las dos bolas de hierro por otras dos iguales pero de masa cada una 87,7 gramos, ¿cuánto valdrían los ángulos α_1 y α_2 ?
- Si el ángulo entre las cuerdas fuese de 140° , ¿cuál sería la masa de dos bolas de hierro colgadas de la misma manera que en la fotografía?

SOLUCIÓN

- a) El peso de cada bola es $P = mg = 67,7 \cdot 10^{-3} \cdot 9,8 = 0,66 \text{ N}$
- b) Denominamos P al peso del conjunto de portapesas, gancho y pesas. Al estar el sistema en equilibrio la proyección de los pesos sobre el eje vertical es nula.

$$P - 2 \cdot 0,66 \cdot \sin 50^\circ = 0 \Rightarrow P = 1,01 \text{ N}$$

$$P = mg \Rightarrow m = \frac{1,01}{9,8} = 0,103 \text{ kg} = 103 \text{ g}$$

- c) El peso de la nueva bola es:

$$87,7 \cdot 10^{-3} \cdot 9,8 = 0,86 \text{ N}$$

Proyectamos los pesos sobre los ejes vertical y horizontal

$$-0,66 \sin \beta - 0,86 \cdot \sin \gamma + 1,01 = 0 \Rightarrow \sin \beta + 1,303 \sin \gamma = 1,53 \Rightarrow \sin \beta = 1,53 - 1,303 \sin \gamma$$

$$-0,66 \cdot \cos \beta + 0,86 \cdot \cos \gamma = 0 \Rightarrow \cos \beta = 1,303 \cos \gamma$$

$$\sin^2 \beta + \cos^2 \beta = 1 = 2,341 + 1,698 \sin^2 \gamma - 3,987 \sin \gamma + 1,698 \cos^2 \gamma \Rightarrow -3,987 \sin \gamma = -3,039 \Rightarrow$$

$$\sin \gamma = 0,7622 \Rightarrow \gamma = 49,7^\circ \approx 50^\circ \quad ; \quad \sin \beta = 1,53 - 1,303 \cdot 0,7622 = 0,5368 \Rightarrow \beta = 32,5^\circ$$

- d) Los ángulos α_1 y α_2 serían iguales y su valor

$$1,01 - 2 \cdot 0,86 \cdot \sin \alpha_1 = 0 \Rightarrow \sin \alpha_1 = 0,5872 \Rightarrow \alpha_1 = 36^\circ = \alpha_2$$

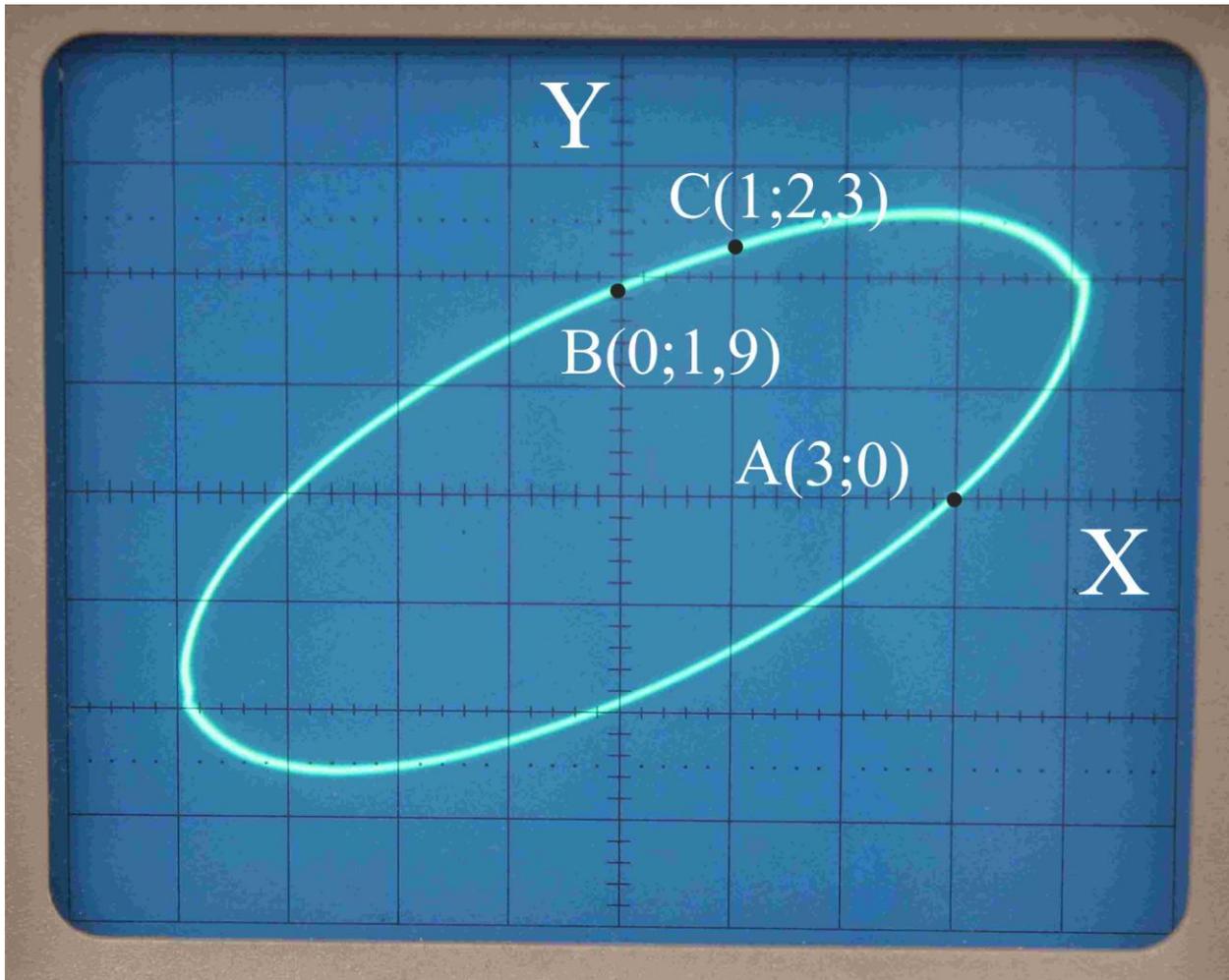
- e) El ángulo de cada cuerda con la horizontal sería

$$\frac{180 - 140}{2} = 20^\circ$$

Designando al peso de cada bola como P'

$$1,01 - 2P' \sin 20^\circ = 0 \Rightarrow P' = \frac{1,01}{2 \cdot \sin 20^\circ} = 1,47 \text{ N} \Rightarrow m' = \frac{P'}{g} = 0,15 \text{ kg} = 150 \text{ g}$$

PVF16-3***. Curva de Lissajous



Fotografía 1

La curva que aparece en la pantalla es una elipse y recibe el nombre de curva o figura de Lissajous. Se obtiene a partir de las ecuaciones siguientes:

$$x = A_X \text{sen}(\omega t + \varphi) \quad ; \quad y = A_Y \text{sen}(\omega t)$$

- Obtenga la ecuación de la elipse, para ello despeje $\text{sen}(\omega t)$ en la segunda ecuación y llévelo a la primera.
- En la ecuación de la elipse sustituya las coordenadas del punto A y opere.
- En la ecuación de la elipse sustituya las coordenadas del punto B y opere.
- En la ecuación de la elipse sustituya las coordenadas del punto C y opere.
- Como resultado de los tres apartados anteriores debe obtener los valores de A_X , A_Y y φ .
- Sustituya esos valores en las ecuaciones del enunciado y con $\omega = 10 \text{ s}^{-1}$, dibuje la curva de Lissajous.

Nota. El apartado f de este problema debe hacerse con una hoja de cálculo.

SOLUCIÓN

a)

$$\begin{aligned}\operatorname{sen}(\omega t) = \frac{y}{A_Y} &\Rightarrow x = A_X [\operatorname{sen}(\omega t) \cos \varphi + \cos(\omega t) \operatorname{sen} \varphi] = A_X \left[\frac{y}{A_Y} \cos \varphi + \sqrt{1 - \operatorname{sen}^2(\omega t)} \operatorname{sen} \varphi \right] \Rightarrow \\ &\Rightarrow x = A_X \left[\frac{y}{A_Y} \cos \varphi + \sqrt{1 - \frac{y^2}{A_Y^2}} \operatorname{sen} \varphi \right]\end{aligned}$$

b)

$$3 = A_X \left[\frac{0}{A_Y} \cos \varphi + \sqrt{1 - \frac{0^2}{A_Y^2}} \operatorname{sen} \varphi \right] \Rightarrow 3 = A_X \operatorname{sen} \varphi \Rightarrow A_X = \frac{3}{\operatorname{sen} \varphi} \quad (1)$$

c)

$$\begin{aligned}\Rightarrow 0 &= A_X \left[\frac{1,9}{A_Y} \cos \varphi + \sqrt{1 - \frac{1,9^2}{A_Y^2}} \operatorname{sen} \varphi \right] \Rightarrow 0 = \frac{1,9}{A_Y} \cos \varphi + \sqrt{1 - \frac{1,9^2}{A_Y^2}} \operatorname{sen} \varphi \Rightarrow \\ &\Rightarrow \left(-\frac{1,9}{A_Y} \cos \varphi \right)^2 = \left(\sqrt{1 - \frac{1,9^2}{A_Y^2}} \operatorname{sen} \varphi \right)^2 \Rightarrow \frac{1,9^2}{A_Y^2} \cos^2 \varphi = \left(1 - \frac{1,9^2}{A_Y^2} \right) \operatorname{sen}^2 \varphi \Rightarrow \\ &\Rightarrow \frac{1,9^2}{A_Y^2} (\cos^2 \varphi + \operatorname{sen}^2 \varphi) = \operatorname{sen}^2 \varphi \Rightarrow \frac{1,9^2}{A_Y^2} = \operatorname{sen}^2 \varphi \Rightarrow A_Y = \frac{1,9}{\operatorname{sen} \varphi} \quad (2)\end{aligned}$$

d) $x=1 \text{ cm}$; $y=2,3 \text{ cm}$

$$\begin{aligned}1 &= A_X \left[\frac{2,3}{A_Y} \cos \varphi + \sqrt{1 - \frac{2,3^2}{A_Y^2}} \operatorname{sen} \varphi \right] \Rightarrow 1 = \frac{3}{\operatorname{sen} \varphi} \left[\frac{2,3}{\frac{1,9}{\operatorname{sen} \varphi}} \cos \varphi + \sqrt{1 - \frac{2,3^2}{\left(\frac{1,9}{\operatorname{sen} \varphi}\right)^2}} \operatorname{sen} \varphi \right] \Rightarrow \\ &\Rightarrow 1 = \left[3,632 \cos \varphi + 3 \sqrt{1 - 1,465 \operatorname{sen}^2 \varphi} \right] \Rightarrow (1 - 3,632 \cos \varphi)^2 = 9(1 - 1,465 \operatorname{sen}^2 \varphi) \Rightarrow \\ &\Rightarrow 1 + 13,19 \cos^2 \varphi - 7,264 \cos \varphi = 9 - 13,19 \operatorname{sen}^2 \varphi \Rightarrow 13,19 (\cos^2 \varphi + \operatorname{sen}^2 \varphi) = 8 + 7,264 \cos \varphi \Rightarrow \\ &\Rightarrow \cos \varphi = \frac{13,19 - 8}{7,264} = 0,714 \Rightarrow \varphi = 44,4^\circ = 0,776 \text{ rad} \\ &A_X = \frac{3}{\operatorname{sen} 44,4^\circ} = 4,29 \text{ cm} \quad A_Y = \frac{1,9}{\operatorname{sen} 44,4^\circ} = 2,72 \text{ cm}\end{aligned}$$

Las ecuaciones son:

$$x = 4,29\text{sen}(10t + 0,776) \quad ; \quad y = 2,72\text{sen}(10t)$$

En la hoja de cálculo damos valores a la variable t y obtenemos la figura de Lissajous.

